

CE-003: Estatística II - Turma O2 - Avaliações Semanais (1º semestre 2013)

1. Considere que será feita uma pesquisa aplicando-se um questionário aos alunos do BCC/UFPR sobre o curso e as características e opiniões dos alunos.
 - (a) Liste possíveis questões deste questionário certificando-se que sejam incluídas ao menos duas de cada tipo de variáveis conforme discutido em aula (qualitativas nominal/ordinal e quantitativas discreta/contínua).
 - (b) Imagine agora que o questionário foi aplicado e as respostas tabuladas para análises. Indique/esboce como seria analisada (separadamente) cada uma das variáveis do questionário.
 - (c) Indique ao menos três questões de interesse envolvendo duas ou mais variáveis a serem investigadas no questionário e qual análise dos dados permitiria investigar estas questões.

2. Foram coletados dados¹ sobre indicadores sociais em 97 países. Os atributos² são: *Nat*: taxa de natalidade (1.000 hab.), *Mort*: taxa de mortalidade (1.000 hab.), *MI*: mortalidade infantil (1.000 hab), *ExpM*: expectativa de vida para homens, *ExpF*: expectativa de vida para mulheres, *Renda*: renda per capita anual e *Regiao*: região geográfica sendo consideradas: "EUOr"(Europa Oriental),"SA"(América Latina e México),"PM"("Primeiro Mundo"),"OrMd"(Oriente Médio), "Asia" e "Africa". A renda per capita foi também dividida em classes: [0, 500), [500, 2.000), [2.000, 10.000) e [10.000, 35.000). Um cabeçalho do arquivo de dados e um resumo das variáveis são mostrados a seguir.

	Nat	Mort	MI	ExpM	ExpF	Renda	Regiao	GrupoRenda
Albania	24.7	5.7	30.8	69.6	75.5	600	EUOr	(500,2e+03]
Bulgaria	12.5	11.9	14.4	68.3	74.7	2250	EUOr	(2e+03,1e+04]
Czechoslovakia	13.4	11.7	11.3	71.8	77.7	2980	EUOr	(2e+03,1e+04]
Former_E._Germany	12.0	12.4	7.6	69.8	75.9	NA	EUOr	<NA>
Hungary	11.6	13.4	14.8	65.4	73.8	2780	EUOr	(2e+03,1e+04]
Poland	14.3	10.2	16.0	67.2	75.7	1690	EUOr	(500,2e+03]

Nat		Mort		MI		ExpM		ExpF	
Min.	: 9.7	Min.	: 2.2	Min.	: 4.5	Min.	: 38.1	Min.	: 41.2
1st Qu.	: 14.5	1st Qu.	: 7.8	1st Qu.	: 13.1	1st Qu.	: 55.8	1st Qu.	: 57.5
Median	: 29.0	Median	: 9.5	Median	: 43.0	Median	: 63.7	Median	: 67.8
Mean	: 29.2	Mean	: 10.8	Mean	: 54.9	Mean	: 61.5	Mean	: 66.2
3rd Qu.	: 42.2	3rd Qu.	: 12.5	3rd Qu.	: 83.0	3rd Qu.	: 68.6	3rd Qu.	: 75.4
Max.	: 52.2	Max.	: 25.0	Max.	: 181.6	Max.	: 75.9	Max.	: 81.8

Renda		Regiao		GrupoRenda	
Min.	: 80	EUOr	: 11	(0,500]	: 24
1st Qu.	: 475	SA	: 12	(500,2e+03]	: 24
Median	: 1690	PM	: 19	(2e+03,1e+04]	: 22
Mean	: 5741	OrMd	: 11	(1e+04,3.5e+04]	: 21
3rd Qu.	: 7325	Asia	: 17	NA's	: 6
Max.	: 34064	Africa	: 27		
NA's	: 6				

A seguir são mostrados alguns gráficos e resumos dos dados. Inicialmente são mostrados resumos das taxas de natalidade (NAT) para cada faixa de renda. A seguir uma tabela relaciona o grupo de renda com a região geográfica. Os gráficos ilustram relacionamentos entre algumas variáveis. As últimas matrizes são de correlação de Pearson e Spearman respectivamente.

- (a) Faça interpretações estatísticas e no contexto do problema de cada resultados mostrado.
- (b) Comente ainda ao menos mais duas (2) questões de interesse que poderiam ser investigadas e não abordadas nos resultados mostrados. Indique como seriam utilizados os dados para abordar estas questões.

\$` (0,500]`

Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.

¹<http://www.amstat.org/publications/jse/datasets/poverty.dat.txt>

²<http://www.amstat.org/publications/jse/datasets/poverty.txt>

21.2 38.6 44.8 41.7 48.3 52.2

\$` (500,2e+03]`

Min.	1st Qu.	Median	Mean	3rd Qu.	Max.
13.4	24.4	32.9	31.8	39.6	47.2

\$` (2e+03,1e+04]`

Min.	1st Qu.	Median	Mean	3rd Qu.	Max.
10.1	15.8	28.5	27.7	40.4	48.5

\$` (1e+04,3.5e+04]`

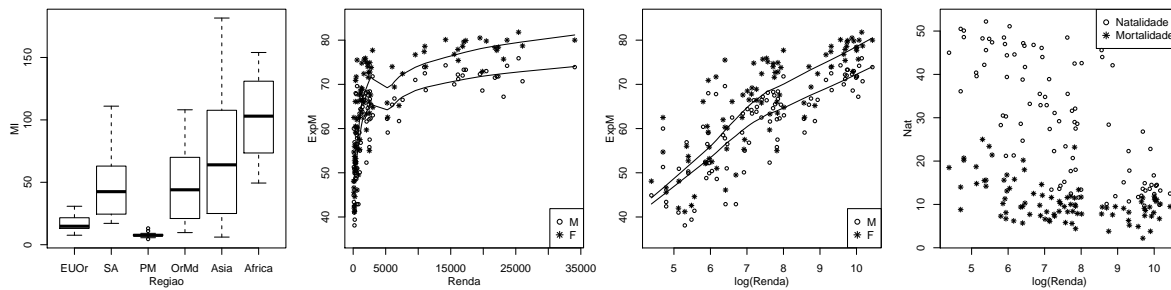
Min.	1st Qu.	Median	Mean	3rd Qu.	Max.
9.7	12.0	13.6	14.7	14.9	26.8

Regiao

GrupoRenda	EUOr	SA	PM	OrMd	Asia	Africa
(0,500]	0	1	0	0	8	15
(500,2e+03]	5	6	0	2	3	8
(2e+03,1e+04]	4	5	3	5	1	4
(1e+04,3.5e+04]	0	0	16	3	2	0

X-squared

87.64



	Nat	Mort	MI	ExpM	ExpF	Renda
Nat	1.0000	0.4862	0.8584	-0.8665	-0.8944	-0.6291
Mort	0.4862	1.0000	0.6546	-0.7335	-0.6930	-0.3028
MI	0.8584	0.6546	1.0000	-0.9368	-0.9554	-0.6016
ExpM	-0.8665	-0.7335	-0.9368	1.0000	0.9826	0.6430
ExpF	-0.8944	-0.6930	-0.9554	0.9826	1.0000	0.6500
Renda	-0.6291	-0.3028	-0.6016	0.6430	0.6500	1.0000

	Nat	Mort	MI	ExpM	ExpF	Renda
Nat	1.0000	0.4045	0.8861	-0.8823	-0.9018	-0.7342
Mort	0.4045	1.0000	0.4930	-0.5942	-0.5346	-0.4473
MI	0.8861	0.4930	1.0000	-0.9481	-0.9622	-0.8363
ExpM	-0.8823	-0.5942	-0.9481	1.0000	0.9784	0.8240
ExpF	-0.9018	-0.5346	-0.9622	0.9784	1.0000	0.8391
Renda	-0.7342	-0.4473	-0.8363	0.8240	0.8391	1.0000

3. (a) Em um levantamento do volume de vendas diário (em unidades de milhares de reais) de um site foram coletados os seguintes valores durante um certo período:

2.8 6.8 17.6 0.4 18.1 20.5 67.8 1.0 11.4 2.7 32.3 49.4 24.5 12.2 14.0

3.4 13.4 18.6 2.9 8.6 2.9 46.4 14.1 37.9 9.2 4.2 15.1 4.1 3.8 16.9

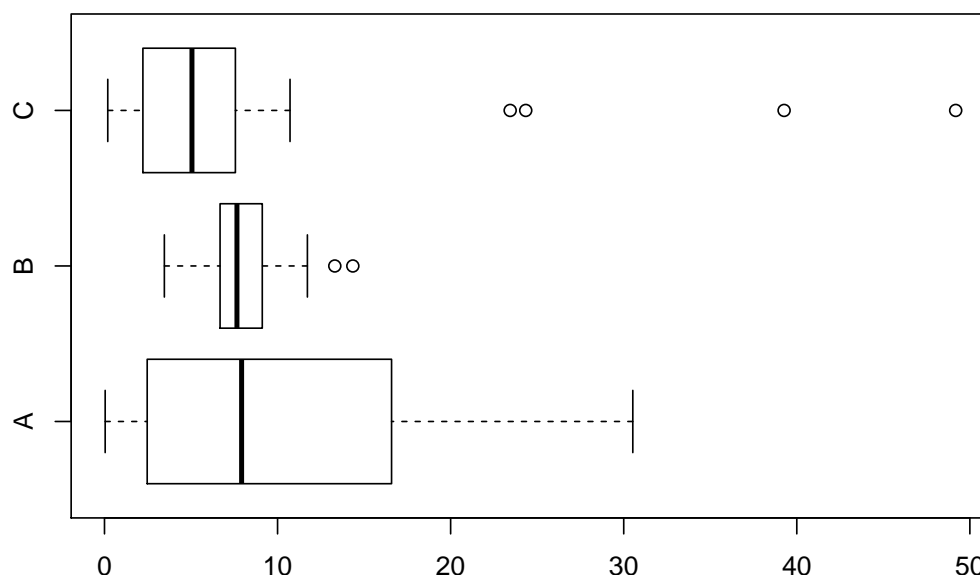
- obtenha o teor médio e o desvio padrão,
- obtenha os quantis e a amplitude,
- obtenha o coeficiente de variação,
- obtenha um histograma,
- obtenha um box-plot,
- obtenha um diagrama de ramo-e-folhas,
- comente sobre o padrão da distribuição dos dados e se voce consideraria alguma outra forma de analisá-los.

- (b) Uma cidade recebeu críticas à sua excessiva descarga de esgoto não tratado em um rio. Um microbiologista tomou 45 amostras na água depois da passagem pela planta de tratamento de esgoto e mediu a quantidade de coliformes (bactéria) presente nas amostras.

Número de Bactérias	Número de amostras
20-30	5
30-40	20
40-50	15
50-60	5

- Obtenha a média
- Obtenha a mediana

- (c) Os tempos de atendimento e solução de problemas foram medidos em três *call-centers* distintos de uma mesma empresa e os dados foram representados no gráfico a seguir. Baseando-se no gráfico, avalie cada uma das afirmações a seguir, dizendo se está certa ou errada, justificando sua resposta e corrigindo as afirmações erradas.



- Os valores no local *C* possuem uma distribuição simétrica.
- Os dados discrepantes do local *A* afetam (aumentam) a mediana do local.
- Os locais *B* e *C* possuem médias e desvios padrão semelhantes.
- O local *B* possui o menor coeficiente de variação.
- As médias dos três locais devem ser semelhantes.

4. (a) Três indivíduos tentam, de forma independente, resolver um problema. O primeiro tem 50% de chance de resolver, o segundo tem 65% e o terceiro tem 30%. Qual a probabilidade do problema ser resolvido?
-
- (b) Em um teste múltipla escolha, marca-se uma alternativa em cada uma das 5 questões, cada uma com quatro alternativas da qual apenas uma é correta. Qual a probabilidade de um indivíduo acertar por mero acaso alguma questão?
-
- (c) Dentre seis números inteiros pares e oito ímpares, dois números são escolhidos ao acaso e multiplicados. Qual a probabilidade de que o produto seja par?
-
- (d) Forneça exemplos que ilustrem situações nas quais probabilidades são avaliadas pelas definições a) clássica, b) frequentista, c) subjetiva.
-

5. (a) Considere o problema a seguir de uma avaliação semanal anterior.
Em um teste múltipla escolha, marca-se uma alternativa em cada uma das cinco questões, cada uma com quatro alternativas, entre as quais apenas uma é correta. Qual a probabilidade de um indivíduo acertar por mero acaso alguma questão?
- i. Indique como fica o espaço amostral do experimento (sem necessariamente listar todos os elementos).
 - ii. Defina a variável aleatória (v.a) adequada ao interesse do problema.
 - iii. Monte uma tabela com a distribuição de probabilidades desta variável
 - iv. Caso possível identifique a distribuição de probabilidades desta variável e fornecendo a equação da distribuição.
 - v. Mostre como obter a probabilidade solicitada a partir do resultado de alguns dos itens anteriores.
-
- (b) Identifique a v.a., liste seus possíveis valores e forneça a expressão da função de probabilidades nas situações a seguir.
- i. Sabe-se que a proporção de respondentes a um anúncio é de 5%. Vou verificar quantos acessos serão feitos sem obter resposta até que seja obtida a marca de 10 respondentes.
 - ii. Vou escolher ao acaso 500 habitantes de Curitiba e verificar quantos sabem o nome do vice-prefeito(a) para estimar a proporção dos que conhecem.
 - iii. Supondo que a proporção da população que possua um determinado tipo de sangue seja de 12%, vou verificar quantos doadores vou receber até conseguir um que tenha o tipo desejado.
-