

Lista de exercícios p/ o prof.

① Suponha que X represente a duração média de um mauve óptico. Admita-se que 100 ~~peras~~ mauves sejam testados, fornecendo uma duração média de $\bar{x} = 501,2$ horas. Suponha que σ seja conhecido e igual a 4 horas, e que se deseja obter um int. de confiança de 95% para a média μ .

① $\bar{x} = 501,2$ $n = 100$ $\alpha = 5\%$

$\sigma = 4h$

∴ $P(-z \leq Z \leq z) = 1 - \alpha$

② $P(-1,96 \leq \bar{x} - \frac{\mu \sigma}{\sqrt{n}} \leq 1,96) = 1 - \alpha$

∴ $P(\bar{x} - 1,96 \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \leq \mu \leq \bar{x} + 1,96 \frac{\sigma}{\sqrt{n}}) = 1 - \alpha$

∴ $P(501,2 - 1,96 \cdot \frac{4}{\sqrt{100}} \leq \mu \leq 501,2 + 1,96 \cdot \frac{4}{\sqrt{100}}) = 95\%$

∴ $P(500,141 \leq \mu \leq 501,959) = 95\%$

∴ $(500,141; 501,959)$ é um intervalo de confiança de 95% p/ a média μ , em X : Duração de um mauve óptico.



② Um engenheiro civil determina a média a força compressiva de dois tipos de betão. De dois amostras aleatórias independentes de 10 elementos, dos dois tipos, resultaram

$$m = 10, \bar{x} = 3353,1; s_x = 353$$

$$m = 10, \bar{y} = 3316,4; s_y = 363,11$$

Considerando isso, determine um i.c. de 95% de confiança para a diferença entre os valores esperados dos dois populações.

$$\textcircled{I} S_p = \sqrt{\frac{(m-1)S_x^2 + (m-1)S_y^2}{m+m-2}} = \sqrt{\frac{(10-1) \cdot 353^2 + (10-1) \cdot 363^2}{10+10-2}} =$$

$$= \textcircled{358,03}$$

$$P(-t \leq T \leq t) = 95\%$$

$$P\left(-2,101 \leq \frac{(\bar{x}_1 - \bar{y}_1) - (M_x - M_y)}{S_p \left(\frac{1}{n} + \frac{1}{m} \right)} \leq 2,101\right) = 95\%$$

$$P\left(41,7 - 2,101 \cdot 358,03 \cdot \frac{2}{10} \leq (M_x - M_y) \leq 41,7 + 2,101 \cdot 358,03 \cdot \frac{2}{10}\right) = 95\%$$

$(41,7 \pm 106)$ é o intervalo em 95% de confiança.

③ A peça de componentes mecânicos produzidos por uma determinada empresa é uma variável aleatória que se supõe ter distribuição normal. Pretende-se estudar a variabilidade da peça dos referidos componentes. Para isso, uma amostra $n=1$ foi obtida, cujos valores de \bar{x} e s^2 foram 100 e 9, respectivamente.

Construa um IC com 95% de confiança para a variância da peça. //

$$\text{I} \quad P(q_{\alpha/2} \leq Q \leq q_{1-\alpha/2}) = 95\%$$

$$\therefore P(q_{\alpha/2} \leq \frac{(n-1)s^2}{\sigma^2} \leq q_{1-\alpha/2}) = 95\%$$

$$\therefore P(\overset{\rightarrow 0,025}{3,25} \leq \frac{(n-1)s^2}{\sigma^2} \leq \overset{\rightarrow 0,975}{20,48}) = 95\%$$

$$\therefore P\left(\frac{(n-1)s^2}{20,48} \leq \sigma^2 \leq \frac{(n-1)s^2}{3,25}\right) = 95\%$$

$\therefore (-3,90 \leq \sigma^2 \leq 24,61)$ é a IC de variância da peça dos componentes dos dados sob 95% de confiança. //

④ Um teste realizado com 280 pessoas consistia em escolher em qual das mãos (ambas fechadas) de pesquisar estava uma moeda. Em 44% das tentativas, a identificação foi correta da mão selecionada. Qual o intervalo de confiança, com 95% de confiança, para a proporção de acertos?

① $n = 280$; $\hat{p} = 0,44$; $(1-\alpha) = 95\%$

$\therefore P(-3 \leq Z \leq 3) = 95\%$

$\therefore P(-1,96 \leq \frac{\hat{p} - p}{\sqrt{\frac{p_0(1-p_0)}{n}}} \leq 1,96) = 95\%$

$\therefore P\left(\hat{p} - 1,96 \cdot \sqrt{\frac{p_0(1-p_0)}{n}} \leq p \leq \hat{p} + 1,96 \cdot \sqrt{\frac{p_0(1-p_0)}{n}}\right) = 95\%$

$\therefore P\left(0,44 - 1,96 \cdot \sqrt{\frac{0,44(0,56)}{280}} \leq p \leq 0,44 + 1,96 \cdot \sqrt{\frac{0,44(0,56)}{280}}\right) = 95\%$

$\therefore P(0,381 \leq p \leq 0,498)$