

Intervalo de Confiança

1) Qual deve ser o tamanho de uma amostra, cujo desvio padrão é 10, para que a diferença da média amostral para a média da população, um valor absoluto, seja menor que 1, com coeficiente de confiança igual a:

a) 95%

b) 99%

$$a) P(|\bar{X} - \mu| < e) = \gamma \Leftrightarrow P\left(-\frac{e}{s/\sqrt{n}} < \bar{X} - \mu < \frac{e}{s/\sqrt{n}}\right) = \gamma$$

$$\Rightarrow \frac{e}{s/\sqrt{n}} = z(\gamma) \Leftrightarrow n = \left(\frac{z(\gamma)s}{e}\right)^2 \Rightarrow n = \left(\frac{1,96 \times 10}{1}\right)^2 = 384,16 \approx 385$$

$$b) n = \left(\frac{2,576 \times 10}{1}\right)^2 = 663,58 \approx 664$$

2) Uma população tem desvio padrão igual a 10

a) Que tamanho deve ter uma amostra para que, com probabilidade 8%, o erro em estimar a média seja superior a 1 unidade?

b) Supondo-se colhida a amostra no caso anterior, qual o intervalo de confiança, se $\bar{x} = 50$?

$$a) P(|\bar{X} - \mu| > 1) = 8\% \Leftrightarrow P(|\bar{X} - \mu| < 1) = 92\%$$

$$n = \left(\frac{z(\gamma)s}{e}\right)^2 = \left(\frac{1,75 \times 10}{1}\right)^2 = 306,25 \approx 307$$

$$b) IC(\mu; 0,92) = 50 \pm 1,75 \times \frac{10}{307} =]49,0; 51,0[$$

3) Suponha que $X: N(\mu, \sigma^2)$, μ e σ^2 desconhecidos. Uma amostra de tamanho $n=600$ forneceu $\bar{x}=10,3$ e $s^2=1,96$. Supondo que a v.a. $Z = \frac{\bar{X} - \mu}{s/\sqrt{n}}$ seja aproximadamente normal, obtenha

um IC para μ , com $\alpha = \gamma = 0,95$

$$IC(\mu; 0,95) = 10,3 \pm 1,96 \frac{1,4}{\sqrt{600}} = 10,3 \pm 0,112 =]10,19; 10,41[$$

→ aa simples

n grande

4) De 50.000 componentes fabricados por uma companhia retira-se uma amostra de 400 componentes, e obtêm-se a vida média de 800 horas e o desvio padrão de 100 horas.

a) Qual o IC de 99% para a vida média da população?

$$IC(\mu; 0,99) = 800 \pm 2,576 \times \frac{100}{20} =]787,12; 812,88[$$

b) Com que confiança pode-se afirmar que a vida média (da) é $800 \pm 0,98$?

$$e = 0,98 \Rightarrow z(\gamma) \frac{s}{\sqrt{n}} = 0,98 \Rightarrow z(\gamma) = 0,98 \frac{\sqrt{n}}{s} = 0,98 \times \frac{20}{100} = 0,196 \Rightarrow \gamma = 15,54\%$$

c) Que tamanho deve ter a amostra para que seja de 95% a confiança na estimativa $800 \pm 7,84$?

$$e = z(\gamma) \frac{s}{\sqrt{n}} \Leftrightarrow n = \left(\frac{z(\gamma) s}{e} \right)^2 = \left(\frac{1,96 \times 100}{7,84} \right)^2 = 625$$