

LINEU ALBERTO – AULA DE EXERCÍCIOS 3 (INFERÊNCIA)

1) INTERVALO DE CONFIANÇA PARA MÉDIA POPULACIONAL

Determinada indústria, avalia a resistência de amostras de peças fabricadas. Dessas avaliações, sabe-se que certo tipo de peça tem resistência aproximadamente normal, com média 53 u.m e variância 16 u.m².

Após a troca de determinado material no processo, deseja-se verificar se houve alteração na qualidade. Uma amostra de 15 peças com o novo material acusou média igual a 50 u.m. Qual é a conclusão ao nível de significância de 5 %?

IC PARA MÉDIA

$$\mu = 53 \quad \sigma^2 = 16 \quad n = 15 \quad \bar{x} = 50 \quad \alpha = 5\%$$

QUANTIDADE PIVOTAL:

$$Q = \frac{\bar{x} - \mu}{\sigma/\sqrt{n}}$$

$$z = \pm 1,96$$

$$P(-1,96 < Z < +1,96)$$

$$\left(-1,96 < \frac{\bar{x} - \mu}{\sigma/\sqrt{n}} < +1,96\right)$$

$$\left(\frac{-1,96\sigma}{\sqrt{n}} < \bar{x} - \mu < +\frac{1,96\sigma}{\sqrt{n}}\right)$$

$$\left(\frac{-1,96\sigma}{\sqrt{n}} - \bar{x} < -\mu < \frac{+1,96\sigma}{\sqrt{n}} - \bar{x}\right) \times (-1)$$

$$\left(\frac{1,96\sigma}{\sqrt{n}} + \bar{x} > \mu > \frac{-1,96\sigma}{\sqrt{n}} + \bar{x}\right)$$

$$\left(\bar{x} - \frac{1,96\sigma}{\sqrt{n}} < \mu < \bar{x} + \frac{1,96\sigma}{\sqrt{n}}\right)$$

$$\left(50 - \frac{1,96 \cdot \sqrt{16}}{\sqrt{15}} < \mu < 50 + \frac{1,96 \cdot \sqrt{16}}{\sqrt{15}}\right)$$

$$(47,97 < \mu < 52,02)$$

$$\text{IC}(\mu, 95\%) = (47,97; 52,02)$$

HOUVE ALTERAÇÃO NA QUALIDADE; HÁ EVIDÊNCIA DE REDUÇÃO

2) INTERVALO DE CONFIANÇA PARA PROPORÇÃO

As condições de mortalidade de uma região são tais que a proporção de nascidos que sobrevivem até 60 anos é de 0,6. Testar essa hipótese ao nível de 5% se em 1.000 nascimentos amostrados aleatoriamente, verificou-se 530 sobreviventes até 60 anos.

IC PARA PROPORÇÃO

$$p = 0,6 \quad n = 1000 \quad \hat{p} = 0,53 \quad \alpha = 5\%$$

QUANTIDADE PIVOTAL: $Q = \frac{\hat{p} - p}{\sqrt{\frac{p(1-p)}{n}}}$

$$z = \pm 1,96$$

$$P(-1,96 < Z < +1,96)$$

$$\left(-1,96 < \frac{\hat{p} - p}{\sqrt{\frac{p(1-p)}{n}}} < +1,96 \right)$$

$$\left(-1,96 \sqrt{\frac{p(1-p)}{n}} < \hat{p} - p < 1,96 \sqrt{\frac{p(1-p)}{n}} \right)$$

$$\left(-\hat{p} - 1,96 \sqrt{\frac{p(1-p)}{n}} < -p < -\hat{p} + 1,96 \sqrt{\frac{p(1-p)}{n}} \right) \quad *(-1)$$

$$\left(\hat{p} + 1,96 \sqrt{\frac{p(1-p)}{n}} > p > \hat{p} - 1,96 \sqrt{\frac{p(1-p)}{n}} \right)$$

$$\left(\hat{p} - 1,96 \sqrt{\frac{p(1-p)}{n}} < p < \hat{p} + 1,96 \sqrt{\frac{p(1-p)}{n}} \right)$$

$$\left(0,53 - 1,96 \sqrt{\frac{0,6(0,4)}{1000}} < p < 0,53 + 1,96 \sqrt{\frac{0,6(0,4)}{1000}} \right)$$

$$(0,49 < p < 0,56)$$

$$\boxed{IC(p, 95\%) = (0,49; 0,56)}$$

HÁ EVIDÊNCIA DE QUE A PROPORÇÃO DE NASCIDOS QUE SOBREVIVEM ATÉ OS 60 ANOS É MENOR QUE 0,6.

3) INTERVALO DE CONFIANÇA PARA DIFERENÇA ENTRE MÉDIAS

Um pesquisador está estudando com que idade jovens de ambos os sexos começam a beber, para tal, selecionou-se uma amostra aleatória de 26 jovens do sexo masculino e obteve-se média de 12,3 anos, e uma amostra de 22 jovens do sexo feminino forneceu idade média de 14,2 anos.

Com base em pesquisas anteriores sabe-se que a idade com que jovens do sexo masculino e feminino começam a beber apresentam uma distribuição Normal com desvio padrão populacional igual a 0,8 e 1,3 ano respectivamente.

Teste a um nível de significância de 1% a hipótese de que a idade média dos jovens de ambos os sexos comecem a beber é igual.

IC PARA DIFERENÇA DE MÉDIAS

$$\begin{aligned}\bar{x}_m &= 12,3 \\ n &= 26 \\ \sigma_m &= 0,8\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\bar{x}_F &= 14,2 \\ m &= 22 \\ \sigma_F &= 1,3\end{aligned}$$

$$\alpha = 1\%$$

QUANTIDADE PIVOTAL:
$$Q = \frac{(\bar{x}_m - \bar{x}_F) - (\mu_m - \mu_F)}{\sqrt{\frac{\sigma_m^2}{n} + \frac{\sigma_F^2}{m}}}$$

$$z = \pm 2,58$$

$$P(-2,58 < Z < +2,58)$$

$$\left(-2,58 < \frac{(\bar{x}_m - \bar{x}_F) - (\mu_m - \mu_F)}{\sqrt{\frac{\sigma_m^2}{n} + \frac{\sigma_F^2}{m}}} < +2,58 \right)$$

$$\left(-2,58 \sqrt{\frac{\sigma_m^2}{n} + \frac{\sigma_F^2}{m}} < (\bar{x}_m - \bar{x}_F) - (\mu_m - \mu_F) < +2,58 \sqrt{\frac{\sigma_m^2}{n} + \frac{\sigma_F^2}{m}} \right)$$

$$\left(-(\bar{x}_m - \bar{x}_F) - 2,58 \sqrt{\frac{\sigma_m^2}{n} + \frac{\sigma_F^2}{m}} < -(\mu_m - \mu_F) < -(\bar{x}_m - \bar{x}_F) + 2,58 \sqrt{\frac{\sigma_m^2}{n} + \frac{\sigma_F^2}{m}} \right)$$

$$\left((\bar{x}_m - \bar{x}_F) + 2,58 \sqrt{\frac{\sigma_m^2}{n} + \frac{\sigma_F^2}{m}} > (\mu_m - \mu_F) > (\bar{x}_m - \bar{x}_F) - 2,58 \sqrt{\frac{\sigma_m^2}{n} + \frac{\sigma_F^2}{m}} \right)$$

$$\left((\bar{x}_m - \bar{x}_F) - 2,58 \sqrt{\frac{\sigma_m^2}{n} + \frac{\sigma_F^2}{m}} < (\mu_m - \mu_F) < (\bar{x}_m - \bar{x}_F) + 2,58 \sqrt{\frac{\sigma_m^2}{n} + \frac{\sigma_F^2}{m}} \right)$$

$$\left((12,3 - 14,2) - 2,58 \sqrt{\frac{(0,8)^2}{26} + \frac{(1,3)^2}{22}} < (\mu_m - \mu_F) < (12,3 - 14,2) + 2,58 \sqrt{\frac{(0,8)^2}{26} + \frac{(1,3)^2}{22}} \right)$$

$$(-2,7216 < (\mu_F - \mu_m) < -1,0784)$$

$$\text{IC}(p; 99\%) = (-2,7216; -1,0784)$$

HÁ EVIDÊNCIA DA DIFERENÇA DAS MÉDIAS
E CONCLUI-SE QUE A MÉDIA FEMININA É MAIOR

4) INTERVALO DE CONFIANÇA PARA MÉDIA

Os registros dos últimos anos de um colégio atestam para calouros admitidos uma nota média 115 (teste vocacional). Para testar a hipótese de que a média de uma nova turma é a mesma das turmas anteriores, retirou-se, ao acaso, uma amostra de 20 notas, obtendo-se média 118 desvio padrão 20. Use $\alpha=0,05$

IC PARA MÉDIA

$$M = 115 \quad \bar{x} = 118 \quad s = 20 \quad n = 20 \quad \alpha = 5\%$$

QUANTIDADE DE PIVOTAL: $Q = \frac{\bar{x} - \mu}{s/\sqrt{n}}$

$$t = \pm 2,093$$

$$P(-2,093 < T < +2,093)$$

$$\left(-2,093 < \frac{\bar{x} - \mu}{s/\sqrt{n}} < +2,093 \right)$$

$$\left(\frac{-2,093 s}{\sqrt{n}} < \bar{x} - \mu < \frac{2,093 s}{\sqrt{n}} \right)$$

$$\left(-\bar{x} - \frac{2,093 s}{\sqrt{n}} < -\mu < -\bar{x} + \frac{2,093 s}{\sqrt{n}} \right) \quad \times (-1)$$

$$\left(\bar{x} + \frac{2,093 s}{\sqrt{n}} > \mu > \bar{x} - \frac{2,093 s}{\sqrt{n}} \right)$$

$$\left(\bar{x} - \frac{2,093 s}{\sqrt{n}} < \mu < \bar{x} + \frac{2,093 s}{\sqrt{n}} \right)$$

$$\left(118 - \frac{2,093(20)}{\sqrt{20}} < \mu < 118 + \frac{2,093(20)}{\sqrt{20}} \right)$$

$$108,64 < \mu < 127,36$$

$$\boxed{IC(\mu, 95\%) = (108,64; 127,36)}$$

HÁ EVIDÊNCIA DE QUE A MÉDIA É A MESMA